

# Module M3301

## Partie 2 - Méthodologie de construction du logiciel

### Modélisation et construction des logiciels complexes

J. Christian Attiobé

Université de Nantes



## Plan du cours

- 1 Automates : introduction
- 2 Automates : un modèle fondamental
- 3 Machine à états de MEALY

## Introduction

Voici un modèle ! ici, sous forme d'un **automate**.

Avez-vous une intuition de ce que c'est (ce qu'il fait) ?

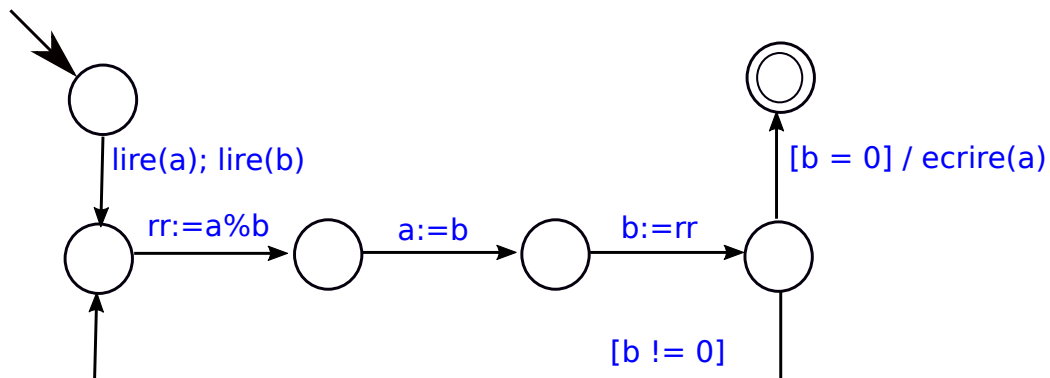


Figure: Exemple de modèle

## Introduction

Avez-vous une intuition de ce que c'est (ce qu'il fait) ?

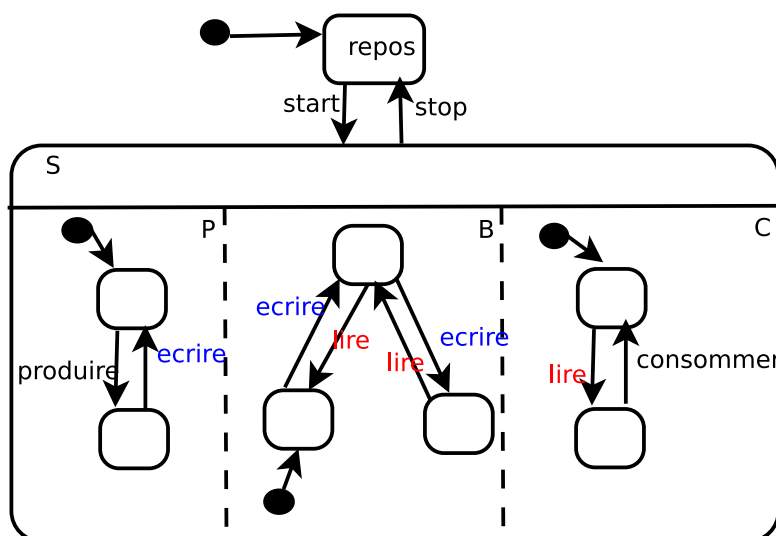


Figure: Exemple de modèle

## Notions de bases: état, transition, comportement

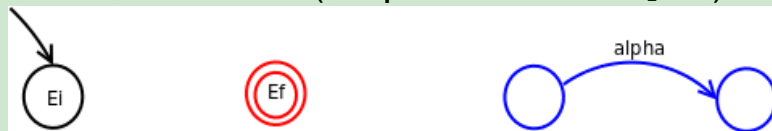
Le **comportement d'un système** (quel qu'il soit), peut être vu comme une suite des différents états du système.

Les changements d'états ou **transitions entre états** peuvent être internes ou dus à des événements externes au système.

Une **suite d'états décrit un comportement**, donc des transitions entre des états.

### Notations : états, transitions

Etat initial, état final, transition (étiquetée avec  $\alpha$ ) entre états



## Modélisation

En modélisation et en construction de logiciels en particulier, on **prévoit le comportement des logiciels**. On fait pour cela des **modèles**.

**On modélise ainsi ce qu'on va construire** (aussi bien les données que les traitements).

On peut ainsi **prédire les comportements corrects et incorrects (bugs)** ; il faut pour cela que les modèles soient (mathématiquement) les plus précis possibles.

Un modèle simule mathématiquement le (comportement d'un) système. En ce sens un automate à états sert de modèle d'un système ; il permet d'en simuler le comportement.

## Automates : définition

### Automates à états

Un automate à états est défini formellement par un n-uplet :

$\langle S, A, \delta, S_0, S_f \rangle$

- Ensemble d'**états** fini:  $S = \{S_0, \dots, S_f, \dots\}$
- Un alphabet d'**actions** ou d'étiquettes :  $A$
- Une relation de **transition**  $\delta$  définie sur  $(S \times A)$  et  $S : S \times A \leftrightarrow S$
- Un **état initial**  $S_0$  (élément de  $S$ )
- Un ou des **états finaux**  $S_f$  (éléments de  $S$ )

### Automate déterministe

L'automate est **déterministe** lorsque la relation de transition est une **fonction** plutôt qu'une **relation**, auquel cas il est **non déterministe**.

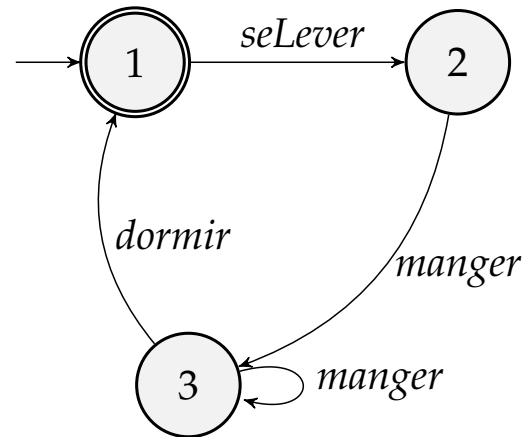
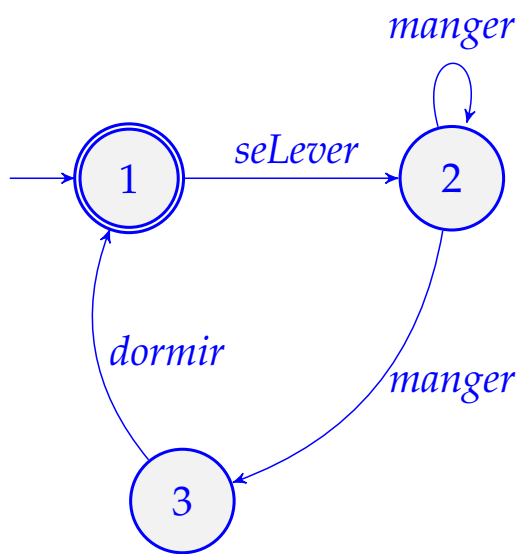
### Notions

- **Alphabet** d'actions ensemble des actions effectuées par un système
- **Espace d'états** : ensemble des états (possibles) d'un système
- **Relation de transition, Fonction de transition**
- **Graphe d'états**

### Terminologie

- Diagramme Etat/Transition (*State/Transition Diagram*)
- Automate (*Automaton, Automata*)
- Machine à états finis (*Finite State Machine*)
- Système de transitions (étiquetées) *Labelled Transition System*
- Espace d'états (*state space*)

# Exemple d'automates non-déterministe et déterministe



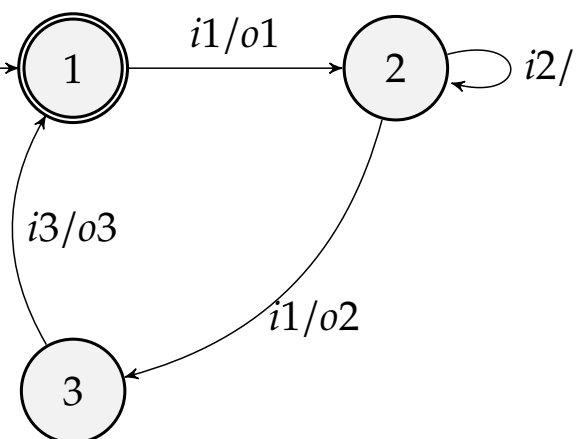
## Machine à états de Mealy

# Machine à états de Mealy

Un automate de Mealy est défini par un n-uplet

$\langle S, A = In \cup Out, \delta, \delta_o, S_0, S_f \rangle$

- Ensemble d'états :  $S$
- Ensemble d'entrées :  $In$   
(événements d'entrées, conditions)
- Ensemble de sorties :  $Out$   
(actions de sortie, traitements)
- Un état initial :  $S_0$
- Deux relations :
  - transition  $\delta : S \times In \rightarrow S$
  - sortie  $\delta_o : S \times In \rightarrow Out$
- Etat final  $S_f$



## Machines de Mealy : notation

- Notation des transitions :  $S_s \xrightarrow{i/o} S_t$
- si l'entrée  $i$  est reçue alors que le système est dans l'état  $S_s$ , la sortie  $o$  est produite et le nouvel état du système est  $S_t$
- $i$  est aussi appelé le déclencheur (*trigger*).

La notation des transitions est étendue de la façon suivante : les transitions entre états ont la forme **evt** [**garde**] / **actions**\*

**evt** est l'entrée reçue/lue.

**[garde]** : garde est une condition sur l'état du système après l'événement evt.

**action**\* est une suite de 0 ou plusieurs actions.

## Exemple d'automate de Mealy

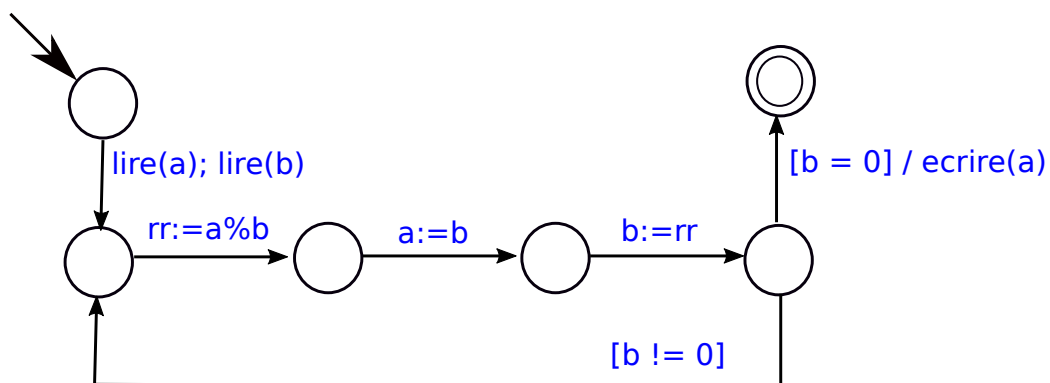


Figure: Exemple de modèle

## Caractéristiques d'une machine de Mealy

- **non hiérarchique**
- un état dénote l'état complet du système
- le système est dans **un seul état à la fois**
- une **transition est atomique** ; elle ne peut être décomposée.

## Généralisation des machines à états

Il y a plusieurs modèles et familles de modèles à états. Plusieurs langages ou formalismes de modélisation utilisent ces modèles à états.

- **System Design Language (SDL)** (normalisé par la *International Telecommunication Union (ITU)*, 1988, très utilisé en Télécoms et ailleurs)
- **Statecharts** de David Harel (hiérarchiques) 1987, utilisé pas exemple dans papyrus, ...
- **Réseaux de Petri** de Carl Adam Petri (1962, 1969)
- **Algèbres de processus**, telles que *Calculus of Communicating Systems (CCS, 1980)* de R. Milner, *Communicating Sequential Processes (CSP, 1978)* de T. Hoare. C'est la famille la plus expressive des modèles à états.

# Bibliographie

- Théorie des automates et langages formels  
Michel Rigo  
[http://www.discmath.ulg.ac.be/cours/main\\_autom.pdf](http://www.discmath.ulg.ac.be/cours/main_autom.pdf)
- Compilateurs : Principes, techniques et outils  
Alfred AHO, Ravi SETHI et Jeffrey ULLMAN.  
Dunod, 2000. (vers anglaise *Compilers, Addison Wesley, 1986*)
- Notes de révision : Automates et langages  
Benjamin MONMEGE et Sylvain SCHMITZ  
[http://www.lsv.fr/~schmitz/teach/2013\\_agreg/notes-r62.pdf](http://www.lsv.fr/~schmitz/teach/2013_agreg/notes-r62.pdf)